

# ANALIZA CIRCUITELOR ELECTRICE CU PARAMETRII DISTRIBUIȚI UNIFORM ÎN REGIM TRANZITORIU

**Racu Maria, Pascari Cristian, Arhip Potang**

Universitatea Tehnică a Moldovei

**Abstract.** *Ideea de bază a acestei lucrări este analiza circuitului cu parametrii distribuiți în regim tranzitoriu constituit din linia-cablu și linia-aeriană la o sarcină pur inductivă dintre ele. Se demonstrează procedura calculului mărimilor, prezentarea graficilor mărimilor. Procedura propusă poate fi aplicată pentru orice altă variantă de sarcină conectată la linia lungă fără pierderi.*

**Cuvinte cheie:** *circuit cu parametrii distribuiți, linie fără pierderi, schema echivalentă de substituție, metoda clasică, rădăcina ecuației caracteristice.*

Analiza circuitelor cu parametrii distribuiți uniform în regim tranzitoriu este mai complicată decât analiza circuitelor electrice cu parametri concentrați. Aceasta se explică prin aceea că în circuitele cu parametri distribuiți tensiunea și curentul sunt funcții nu numai de timp, dar și de distanță. La analizei liniei lungi în regim tranzitoriu se aplică ecuațiile liniei lungi la regim permanent:

$$(I) \begin{cases} -\frac{\partial u}{\partial x} = R_0 \cdot i + L_0 \frac{\partial i}{\partial t} & (1) \\ -\frac{\partial i}{\partial x} = G_0 \cdot u + C_0 \frac{\partial u}{\partial t} & (2) \end{cases}$$

Ecuațiile 1, 2 din sistemul (I) prezintă ecuații diferențiale cu derivate parțiale. Rezolvarea sistemului (I) pe cale analitică prezintă dificultăți deoarece în sistemul de ecuații avem patru parametri primari:  $R_0, L_0, G_0, C_0$ . Cu scopul simplificării rezolvării problemei se admite că linia este linie fără pierderi, adică  $R_0=0, G_0=0$ . În acest caz, avem:

$$(II) \begin{cases} -\frac{\partial u}{\partial x} = L_0 \frac{\partial i}{\partial t} & (3) \\ -\frac{\partial i}{\partial x} = C_0 \frac{\partial u}{\partial t} & (4) \end{cases}$$

În rezultatul rezolvării sistemului (II),

obținem:

$$\frac{d^2 u}{dx^2} = \frac{1}{v^2} \cdot \frac{d^2 i}{dt^2} \quad (5)$$

$$\frac{d^2 i}{dx^2} = \frac{1}{v^2} \cdot \frac{d^2 u}{dt^2} \quad (6)$$

Soluțiile pentru ecuațiile 5 și 6 corespund funcțiilor:

$$u = f_1\left(t - \frac{x}{v}\right) + f_2\left(t + \frac{x}{v}\right)$$

$$u = u_i + u_r$$

$$i = \varphi_1\left(t - \frac{x}{v}\right) + \varphi_2\left(t + \frac{x}{v}\right)$$

$$i = i_i + i_r$$

Tensiunea și curentul sunt suma a două componente: tensiunea undei incidente și tensiunea undei reflectate, curentul undei incidente și curentul undei reflectate. Tensiunea și curentul undei incidente, undei reflectate sunt legate prin relațiile:

$$i_i = \frac{u_i}{Z_c}; \quad i_r = -\frac{u_r}{Z_c}.$$

Problema analizei liniei lungi în regim tranzitoriu este determinarea formei undei ce pătrunde în sarcină, forma undei reflectată. La cunoașterea formei undei ce pătrunde în sarcină și care este forma undei reflectate, de asemenea, pentru a cunoaște cum ele se deformează în funcție de timp se aplică schema echivalentă de calcul, care este alcătuită reeșind din regimul mers în gol a liniei lungi, considerându-se că unda electromagnetică este depusă de-a lungul liniei (fig.1). La alcătuirea schemei echivalente din fig.2 s-au aplicat expresiile

$$\begin{cases} u = u_i + u_r \\ i = i_i + i_r \end{cases} \quad \text{unde:} \quad \begin{cases} i_i = \frac{u_i}{Z_c} \\ i_r = -\frac{u_r}{Z_c} \end{cases}$$

În rezultatul aditării acestor expresii se obține:

$$2u = u_s + i \cdot Z_c \quad (7)$$

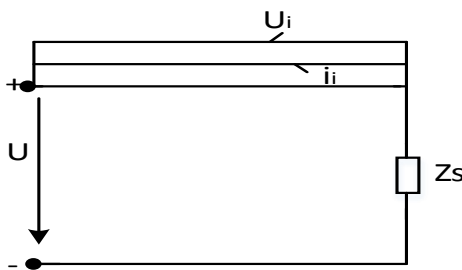


Fig. 1

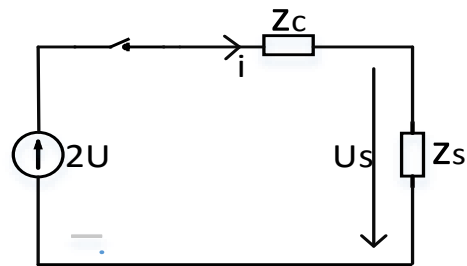


Fig. 2

Ecuției (7) îi corespunde schema din fig. 2. Aplicând schema din fig. 2 se determină legile mărimilor în căutare prin aplicarea metodei de calcul ale circuitelor electrice cu parametri concentrați la regim tranzitoriu (metoda clasică, metoda operațională). În lucrare s-a examinat cazul când în punctul de racordare dintre linia aeriană și linia cablu se află inductivitatea L, la regim mers în gol (fig. 3.a). Se consideră cunoscute:  $U=100\text{kV}$ ,  $Z_{c1}=450\Omega$ ,  $l_1=300\text{km}$ ,  $r_1=3 \cdot 10^8 \text{ m/s}$ ,  $Z_{c2}=50\Omega$ ,  $l_2=30\text{km}$ ,  $r_2=1,5 \cdot 10^8 \text{ m/s}$ ,  $Z_2=\infty$ ,  $L=0,03\text{H}$ . Se cere determinarea formei undei ce pătrunde în a doua linie, caracterul variației tensiunii la bornele inductivității. Se cere, de asemenea, repartizarea rezultantă a tensiunii și curentului de-a lungul primei linii pentru timpul când unda propagându-se în a doua linie atinge extremitatea ei.

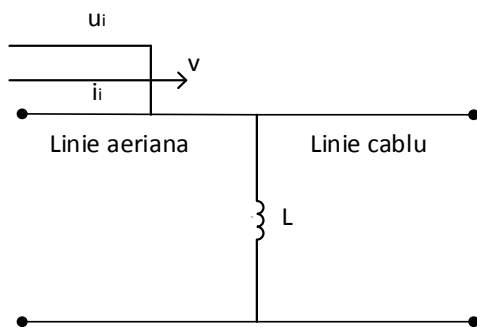


Fig. 3 a

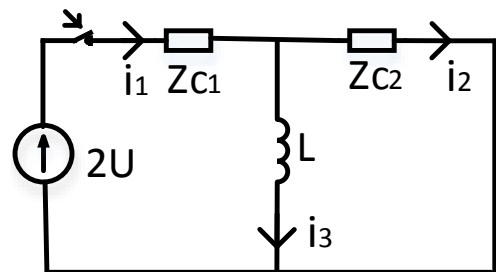


Fig. 3 b

Considerând circuitul cu parametri concentrați (fig.3.b) și aplicând metoda clasică, avem:

$$p = -1500, \text{ s}^{-1}$$

Legile curenților și tensiunii sunt reprezentate corespunzător în figurile 4 a, 4 b, 4 c, 4 d:

$$i_1(t) = 444.5 - 44.5e^{-1500t}, A$$

$$i_2(t) = 400e^{-1500t}, A$$

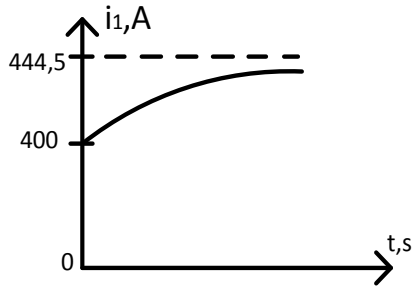


Fig. 4 a

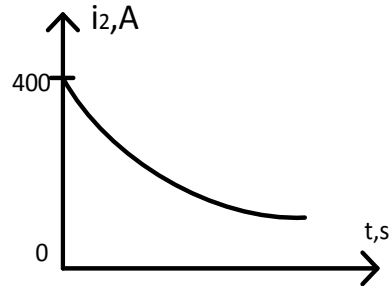


Fig. 4 b

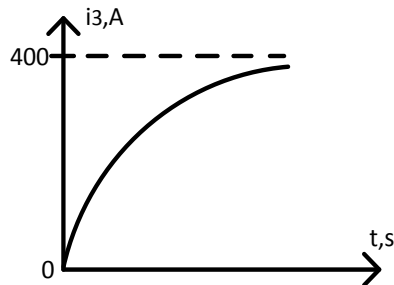


fig. 4 c

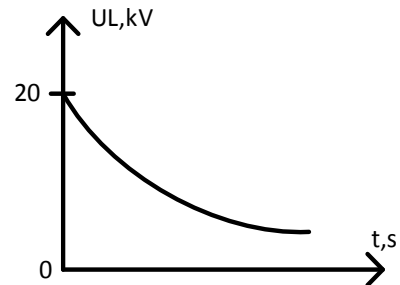


fig. 4 d

$$i_3(t) = 444.5(1 - e^{-1500t}), A$$

$$u_L(t) = L \frac{di_3}{dt} = 20(e^{-1500t}), kV$$

Curentul și tensiunea reflectată de la inductivitatea L în prima linie:

$$u_{1r} = -i_{1r} * Z_{c1} = u_{1i}$$

$$i_{1r} = -i_{1i} = -222.3 + 44.4e^{-1500t}, A$$

Curentul și tensiunea ce trec în cablu ( $i_{2i}$ ,  $u_{2i}$ ). La determinarea legilor  $i_{2i}$ ,  $u_{2i}$  se aplica metoda operațională pentru schema din figura 5 a. Schema echivalentă operatorică

este prezentată în fig. 5 b.

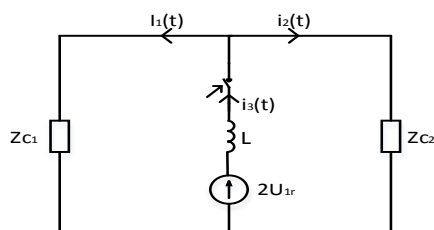


fig. 5 a

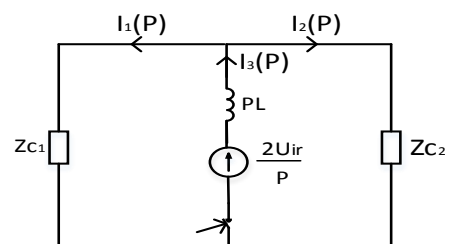


fig. 5 b

Construirea iepiurei de propagare a undei de tensiune și a undei de curent de-a lungul acestor două linii s-ampentru timpul la care unda de propagare de-a lungul liniei secunde atinge extremitatea ei, adică:

$$t = \frac{l_2}{v_2} = \frac{30000}{1,5 \cdot 10^8} = 2 \cdot 10^{-4}, s$$

În timpul  $2 \cdot 10^{-4}, s$  unda reflectându-se de la locul de racordare ale liniilor v-a parcurge de-a lungul primei linii distanța de două ori mai mare, adică:

$$l = v_1 \cdot t = 3 \cdot 10^8 \cdot 2 \cdot 10^{-4} = 60 \text{ km}$$

Iepiura distribuției tensiunii și a curentului de-a lungul primei și al liniei secunde este reprezentată în fig.6. Curentul și tensiunea ce trec în cablu se determin cu aplicarea metodei operaționale pentru schema echivalentă din fig.5b.

$$i_{2i} = \frac{2u}{z_{c1} + z_{c2}} \cdot e^{pt} = 400e^{-1500t}, A$$

Curentul ce trece în inductivitate:

$$i_3(t) = 444.5(1 - e^{-1500t}), A$$

Graficile funcțiilor  $u(x)$  și  $i(x)$  sunt prezentate în fig. 6:

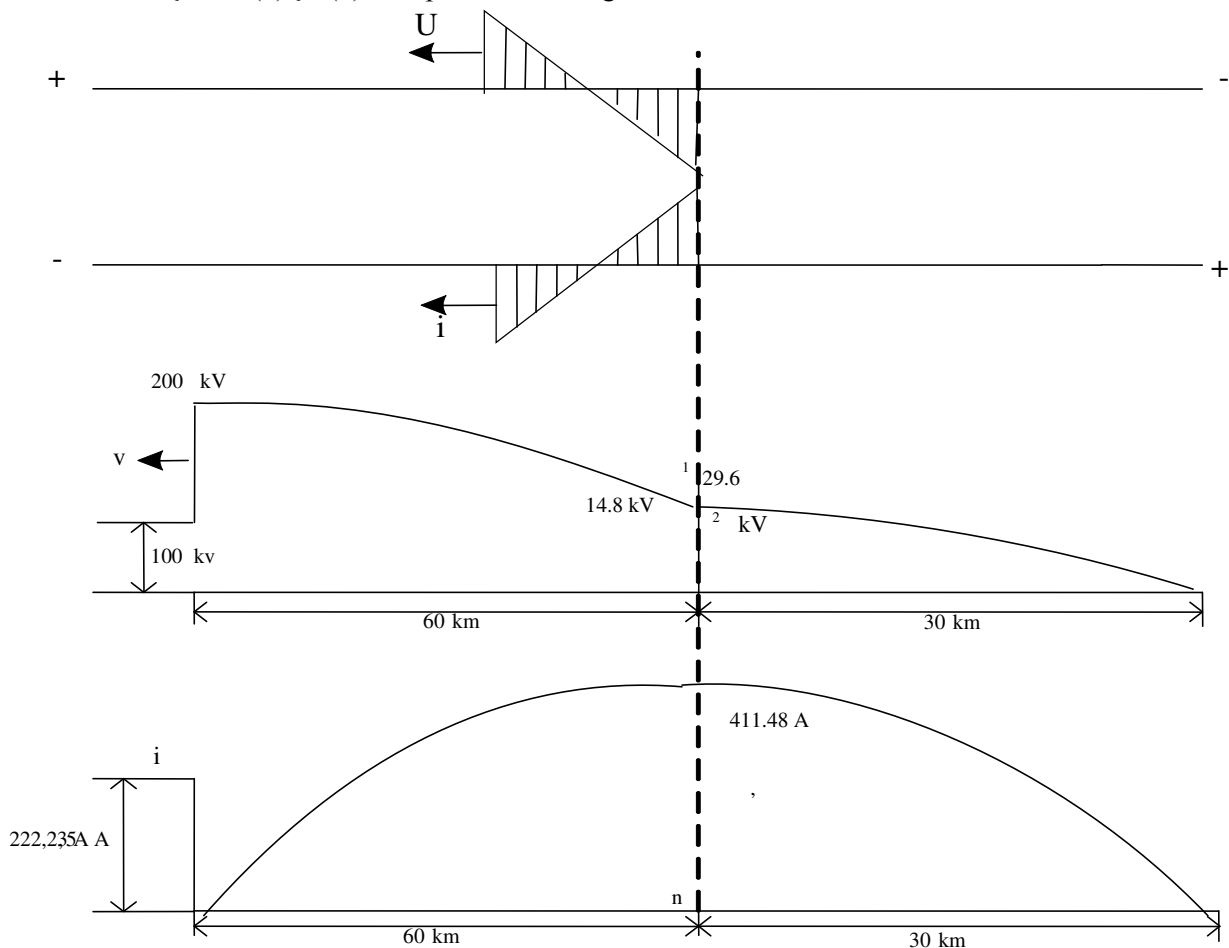


Fig.6

**Concluzii:**

1. Studiul circuitelor electrice cu parametrii distribuiți în regim tranzitoriu este important deoarece ne dă posibilitatea să determinăm punctele cu supratensiuni sau cu supracurenți.

2. La propagare unda electromagnetică ajunge la locul de racordare cu inductivitate, unde inițial se comportă ca parte deconectată, apoi cu creșterea curentului devine porțiune scurt-circuitată. Cu creșterea curentului în inductivitate tensiunea și curentul în a doua linie se micșorează.

3. După un interval de timp, teoretic mare, unda este complet reflectată de la inductanță asemănător reflecției de la linia mers în gol. Unda electromagnetică, ce trece în cablu, la un interval scurt de timp devine egală cu zero și apoi are loc creșterea mărimilor undei. Deci din prima linie în a doua linie trece un impuls cu front abrupt (cu înclinare mare) amortizând după o lege exponențială.

**Bibliografie**

1. K.A.Krug. *Osnovî ălectrotehnichi* . M.1953
2. G.V. Zeveche. *Osnovî teorii țepeî*. M. 1983.
3. C.I. Mocanu . *Teoria circuitelor electrice* București. Editur științifică și pedagogică, 1979
4. M.Lavrentiev et B. Chabat. *Methodes de la theorie des fonctions d-une variable complexe*. Editions Mir, Moscou. 1977.